

## یک الگوریتم رمزنگاری سبک وزن مبتنی بر Ascon و نظریه آشوب برای اینترنت اشیاء

محمد عرفان تنهایی

گروه مهندسی کامپیوتر، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بین‌المللی امام‌خمينی، قزوین، ایران  
پست الکترونیکی: m.e.tanhaei79@gmail.com

نستوه طاهری جوان\*

گروه مهندسی کامپیوتر، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بین‌المللی امام‌خمينی، قزوین، ایران  
پست الکترونیکی: nastooh@eng.ikiu.ac.ir

### چکیده

می‌دهد که رویکرد پیشنهادی علاوه بر افزایش امنیت، عملکرد مناسبی را در دستگاه‌های کم منبع مانند حسگرها و برچسب‌های RFID ارائه می‌دهد و گزینه‌ای مناسب برای محیط‌های IoT محسوب می‌شود.  
**کلید واژه‌ها:** رمزنگاری سبک وزن، نظریه آشوب، اینترنت اشیاء، Ascon، جعبه جابه‌جایی.

### مقدمه

در دهه‌های اخیر، اینترنت اشیاء به سرعت در تمامی جنبه‌های زندگی روزمره نفوذ کرده و پیش‌بینی شده است که تا سال ۲۰۲۵ بیش از ۲۵ میلیارد دستگاه متصل به این شبکه وجود دارند [۱]. این دستگاه‌ها که از خانه‌های هوشمند گرفته تا شهرهای هوشمند، کشاورزی، مراقبت‌های پزشکی و مدیریت انرژی کاربرد دارند، قادر به تولید و انتقال داده‌هایی هستند که گاه حاوی اطلاعات حساس و خصوصی مانند سوابق پزشکی بیماران، تصاویر چهره افراد یا شماره پلاک خودروها می‌باشند [۲]. این حجم عظیم از داده‌ها، همراه با آسیب‌پذیری

در سال‌های اخیر، توسعه گسترده اینترنت اشیاء (IoT) و به‌کارگیری دستگاه‌های کم‌مصرف، چالش‌های جدیدی در حوزه امنیت و حریم خصوصی پدید آورده است. در چنین بستری، رمزنگاری سبک وزن به‌عنوان رویکردی مؤثر برای محافظت از داده‌ها در دستگاه‌های دارای منابع محدود مطرح شده است. الگوریتم Ascon، که از سوی مؤسسه ملی استاندارد و فناوری ایالات متحده به‌عنوان استاندارد رمزنگاری سبک‌وزن برگزیده شده، یکی از راه‌حل‌های برجسته در این حوزه به‌شمار می‌رود. در این مقاله، با هدف ارتقای امنیت Ascon، یک جعبه جابه‌جایی آشوب‌محور ۵ بیتی معرفی می‌شود. بهره‌گیری از نظریه آشوب در طراحی این جعبه، موجب افزایش غیرخطی بودن و ایجاد ویژگی‌های آماری پیچیده می‌شود که مقاومت در برابر حملات تفاضلی و خطی را بهبود می‌بخشد. وابستگی به کلید رمز و کاهش پیچیدگی محاسباتی نیز از جمله مزایای کلیدی این طرح هستند. نتایج به‌دست آمده نشان

دستگاه‌های اینترنت اشیا در برابر حملاتی چون حملات انکار سرویس توزیع‌شده (DDoS)، اهمیت امنیت و حریم خصوصی را بیش از پیش برجسته می‌کند [۳].

رمزنگاری روشی است که از گذشته برای حفاظت از اطلاعات حساس به کار گرفته شده است. در این فرایند متن اصلی (plaintext)، به شکلی ناخوانا به رمز (cipher) تبدیل می‌شود. این فرایند رمزگذاری نام دارد و فرایند معکوس یعنی رمزگشایی، متن رمز شده را به حالت اولیه باز می‌گرداند. هدف اصلی رمزنگاری تأمین امنیت ارتباطات از طریق تضمین محرمانگی، یکپارچگی و احراز هویت داده‌هاست [۴].

رمزنگاری سنتی به راحتی بر روی کارسازها، رایانه‌های شخصی و دستگاه‌های هوشمند مانند تلفن‌های همراه پیاده‌سازی می‌شود. با این حال با ظهور دستگاه‌هایی با منابع محدود مانند اینترنت اشیا، حسگرها، برچسب‌های شناسایی فرکانس رادیویی (RFID) و عملگرها که محدودیت‌هایی چون حافظه اندک، فضای فیزیکی کوچک برای پیاده‌سازی، توان محاسباتی پایین و مصرف انرژی محدود دارند، استفاده از الگوریتم‌های رمزنگاری را با چالش مواجه کرده است [۵]. اینجاست که رمزنگاری سبک وزن به عنوان نسخه‌ای بهینه شده و کم‌مصرف از رمزنگاری پدیدار می‌شود تا این چالش‌ها را به طور مؤثری برطرف سازد [۶].

در میان الگوریتم‌های رمزنگاری سبک‌وزن، Ascon به عنوان یک الگوریتم بهینه مطرح است. این الگوریتم که در سال ۲۰۱۴ معرفی شد و در سال ۲۰۲۳ توسط مؤسسه ملی استاندارد و فناوری (NIST) به عنوان استاندارد رمزنگاری سبک‌وزن انتخاب شد، بر پایه ساختار اسفنجی عمل می‌کند. طراحی ساده و انعطاف‌پذیر Ascon، همراه با استفاده از تبدیل‌های چرخشی شامل جعبه جابه‌جایی (S-box) غیرخطی و لایه انتشار خطی، آن را به گزینه‌ای ایده‌آل برای دستگاه‌های کم مصرف تبدیل کرده است [۷]. یکی از اجزای حیاتی در الگوریتم‌های رمزنگاری،

به خصوص در الگوریتم‌هایی مانند Ascon که از ساختارهای شبکه جایگزینی-جایگشتی بهره می‌برند، جعبه‌های جابه‌جایی<sup>۱</sup> هستند. این مفهوم که نخستین بار توسط کلود شانون در سال ۱۹۴۹ معرفی شد، قلب فرایند جایگزینی در رمزنگاری است [۸]. جعبه جابه‌جایی با نگاشت هر عنصر از متن اصلی (بیت یا گروهی از بیت‌ها) به عنصری جدید، خاصیت گنگی را فراهم می‌کند و رابطه بین کلید و رمز را تا حد ممکن پیچیده می‌کند. در ادامه، عملیات جایگشتی با بازچینی عناصر، خاصیت انتشار را به ارمغان می‌آورد. قدرت یک الگوریتم رمزنگاری تا حد زیادی به معماری جعبه جابه‌جایی آن بستگی دارد. در رمزنگاری سبک وزن، جعبه جابه‌جایی‌های کوچکتر (مانند ۴ بیتی) به دلیل ساختار فشرده و سهولت پیاده‌سازی محبوبیت دارند، اما امنیت کمتری نسبت به جعبه جابه‌جایی‌های بزرگتر (مانند ۸ بیتی) ارائه می‌دهند. از سوی دیگر جعبه جابه‌جایی‌های بزرگتر اگرچه امن‌تر هستند، اما نیاز به منابع بیشتری دارند که برای دستگاه‌هایی با منابع محدود مناسب نیستند [۶].

در این راستا پژوهش حاضر بر بهبود الگوریتم Ascon با استفاده از جعبه‌های آشوبناک (Chaotic S-box) متمرکز است. این جعبه‌ها که بر پایه نظریه آشوب طراحی شده‌اند، با ایجاد رفتار غیرخطی و تصادفی، می‌توانند امنیت را تقویت کنند. نظریه آشوب، که از دهه ۱۹۸۰ در رمزنگاری مورد توجه قرار گرفته، به دلیل سادگی محاسباتی و قابلیت تولید الگوهای غیرقابل پیش‌بینی، ابزاری قدرتمند برای طراحی جعبه جابه‌جایی به‌شمار می‌رود [۹]. ما در این مقاله پیشنهاد یک جعبه جابه‌جایی آشوبناک ۵ بیتی را مطرح می‌کنیم که با بهره‌گیری از نظریه آشوب، تعادلی میان امنیت و کارایی برقرار می‌کند. این رویکرد نه تنها برای پیام‌های کوتاه در دستگاه‌های اینترنت اشیا مناسب است، بلکه با اندازه‌های مختلف بلوک سازگار است.

روش پیشنهادی چندین مزیت و نوآوری کلیدی ارائه

می‌دهد:

1-Substitution Box (s-box)

به علت استفاده کردن از MLFSR خاصیت پویایی را ندارد و در استفاده مداوم مشکلات افشای کلید را دارد. مدھیل و همکارانش [۱۲] از یک عدد بزرگ به عنوان کلید استفاده کردند و از کلید برای گردش و جایگشت تصادفی در هر مرحله از حلقه استفاده شد. در روش آن‌ها اندازه ورودی داده‌های خام و تعداد مراحل اجرا الگوریتم متغیر است و باید از قبل تعیین شود. اگر اندازه داده‌های ورودی کوچک باشد این الگوریتم سرعت بیشتری دارد و مصرف کمتری نسبت به سایر الگوریتم‌های سبک‌وزن دارد.

این الگوریتم نسبت به حملات همه‌جانبه ضعیف دارد و هر چقدر بلوک داده‌های ورودی کوچک‌تر باشد، این الگوریتم ضعیف‌تر عمل می‌کند. در [۱۳]، یک روش رمزنگاری تصویر از یک دنباله شبه‌تصادفی مبتنی بر آشوب با استفاده از شبکه عصبی استفاده شده است. علاوه بر استفاده از عملیات جایگشتی و جایگزینی، بیت دی‌ان‌ای برای نگاشت بیت‌های پیکسل تصاویر رمزنگاری شده استفاده شده است. طرح رمزنگاری متقارن پیشنهادی در [۱۴] از سیستم‌های پویا آشوبناک چندگانه استفاده می‌کند. در این روش، کلید با هر داده ورودی بروزرسانی می‌شود تا سطح بالاتری از تصادفی بودن فراهم کند. ترکیب عملیات جایگشتی، جایگزینی و نگاشت DNA موجب افزایش میزان آنتروپی تصاویر رمزنگاری شده و مقدار آنتروپی خروجی نزدیک به  $7/99$  بیت گزارش شده است که تقریباً به حد ایده‌آل ۸ نزدیک است.

نویسندگان در [۱۵] یک پیکربندی تجربی از یک کریپتوسیسستم مبتنی بر آشوب برای معماری مبتنی بر اینترنت اشیاء در شبکه‌های ad-hoc ارائه کرده‌اند. این راه‌حل از ویژگی‌های عملگر مشتق مرتبه کسری برای رمزنگاری بهره می‌برد تا ارتباطات امن را ایجاد کند. الگوریتم PRINT [۱۶] که به‌طور اختصاصی برای چاپ مدار مجتمع (IC) طراحی شده است، کوچکترین جعبه جابه‌جایی با ابعاد ۳ بیتی را ارائه می‌دهد. این الگوریتم به دلیل پیاده‌سازی مقرون به صرفه بر روی برچسب‌های RFID بسیار کم هزینه است

• امنیت تقویت‌شده: استفاده از نگاشت آشوبناک با پارامترهای بهینه شده، غیرخطی بودن جعبه جابه‌جایی را افزایش می‌دهد و مقاومت را در برابر حملات تفاضلی و خطی بهبود می‌بخشد.

• وابستگی به کلید: استخراج مقدار اولیه از کلید، جعبه جابه‌جایی را به کلید رمزنگاری وابسته می‌کند، که امنیت پویا را تقویت می‌کند.

• کارایی محاسباتی: پیش‌محاسبه جعبه و استفاده از نگاشت‌های آشوبناک ساده، بار محاسباتی را کاهش داده و روش را برای دستگاه‌های کم‌مصرف مانند حسگرها و برچسب‌های RFID مناسب می‌سازد.

ادامه این مقاله به شرح زیر سازماندهی شده است: بخش ۲ به مرور کارهای مرتبط با این پژوهش اختصاص دارد. در بخش ۳ رویکرد پیشنهادی ارائه شده است. سپس، بخش ۴ عملکرد اولیه این راهکار را ارزیابی می‌کند. در نهایت، بخش ۵ مقاله با نتیجه‌گیری و ارائه پیشنهادهایی برای کارهای آینده به پایان می‌رسد.

## ۲- پژوهش‌های مرتبط

الگوریتم‌های رمزنگاری سبک‌وزن زیادی برای انتقال امن اطلاعات در دستگاه‌های اینترنت اشیاء معرفی شده‌اند که در این بخش تعدادی از آنها مرور می‌شوند. در [۱۰] یک الگوریتم رمزنگاری سبک‌وزن ارائه شده است که از یک کلید دی‌ان‌ای استفاده می‌کند. داده‌های ورودی به شکل ماتریس دو بعدی تبدیل می‌شوند و سپس از ترکیب سطر و ستون با کلید در هر مرحله برای تولید کلید مرحله استفاده می‌شود. این روش به علت استفاده نکردن از یک جعبه جابه‌جایی قوی، مشکلات خطی بودن و افشای کلید در استفاده طولانی مدت دارد.

در [۱۱] محققان به جای استفاده از یک جعبه جابه‌جایی، از یک MLFSR استفاده می‌کنند تا فضای پیاده‌سازی و مصرف انرژی کاهش یابد. همچنین الگوریتم از یک ساختار جابه‌جایی - جایگشتی استفاده می‌کند. این الگوریتم

مزیت کلیدی این رویکرد، افزایش امنیت در عین حفظ سرعت رمزنگاری بالاست، که آن را برای محیط‌های IoT مناسب‌تر از بسیاری روش‌های صرفاً بلوکی می‌سازد.

در [۲۲] محققان یک جعبه جابه‌جایی ۵ بیتی طراحی کردند که از دو سطر به طول ۱۶ تشکیل شده است. برای تولید این جعبه جابه‌جایی تابع آشوب لاجستیک بهبود یافته به‌کار گرفته شده است. آنها این جعبه جابه‌جایی را با جعبه‌های جابه‌جایی سایر الگوریتم‌های رمزنگاری سبک مقایسه کردند که عملکرد آن بهبود داشت.

الگوریتم رمزنگاری PRIMATE [۲۳] از ساختار مبتنی بر جایگشت استفاده می‌کند. این الگوریتم برای رمزنگاری احراز هویت شده و توابع درهم‌ساز بهینه شده است و با جعبه جابه‌جایی ۵ بیتی و اندازه حالت ۸۰ تا ۲۰۰ بیت، امنیت بالا و مصرف انرژی کم را ارائه می‌دهد. PRIMATE در برابر حملات رمزگشایی مقاوم و برای کاربردهایی مانند خانه‌های هوشمند مناسب است. پیاده‌سازی سبک آن در سخت‌افزار و نرم‌افزار، کارایی را در محیط‌های محدود تضمین می‌کند.

الگوریتم ICEPOLE که در سال ۲۰۱۴ معرفی شد، یک رمز احراز هویت‌شده سبک‌وزن با طراحی بهینه برای پیاده‌سازی سخت‌افزاری است [۲۴]. این الگوریتم بر پایه چارچوب دوپلکس و یک جایگشت ۱۲۸۰ بیتی عمل می‌کند و نسخه اصلی آن از کلید و نانس<sup>۲</sup> ۱۲۸ بیتی بهره می‌برد. ساختار ICEPOLE شامل پنج مرحله رمزگذاری است که با الهام از Keccak طراحی شده و برای بهبود امنیت و کاهش هزینه سخت‌افزاری اصلاح شده‌اند. داده‌ها در بلوک‌های ۱۰۲۴ بیتی پردازش و در نهایت به برچسب ۱۲۸ بیتی ختم می‌شوند، بدون نیاز به معکوس‌سازی جایگشت در رمزگشایی. از نظر امنیتی، ICEPOLE در برابر حملات مختلف از جمله تفاضلی، خطی و تحلیل‌های چرخشی مقاوم است و حتی در برابر بازاستفاده محدود نانس نیز محافظت ارائه می‌دهد. در عمل ICEPOLE برای کاربردهای نیازمند سرعت زیاد مناسب است، اما پیچیدگی و ردپای

2-Nonce

و از نظر سخت‌افزاری و نرم‌افزاری کارآمد است. در عین حال، به دلیل تعداد کم احتمالات جعبه جابه‌جایی مختلف، در برابر حملات آسیب‌پذیر است. در این رویکرد در مقابل حملات از نوع invariant subspace، برای کلیدهای ضعیف، با افزایش تعداد دور تغییر در امنیت ایجاد نمی‌شود.

الگوریتم PRESENT که در [۱۷] معرفی شده از جعبه جابه‌جایی ۴ بیتی استفاده می‌کند. این الگوریتم بر سیستم عددی شانزده‌شانزدهی تکیه دارد و در هر لایه جابه‌جایی حالتی را به‌صورت شانزده کلمه ۴ بیتی تشکیل می‌دهد. این طراحی امکان ایجاد حداکثر ۸۰۶۴ طرح جعبه جابه‌جایی مختلف را فراهم می‌کند [۱۸]. این الگوریتم در برابر تحلیل رمزنگاری تفاضلی آسیب‌پذیر است [۱۹]. این طراحی ساده و کم‌مصرف است، اما مطالعات رمزکاوی نشان داده‌اند که در برابر تحلیل تفاضلی آسیب‌پذیر است و در مقابل پیاده‌سازی سخت‌افزاری PRESENT آن را به یکی از کم‌هزینه‌ترین گزینه‌های رمزنگاری سبک‌وزن تبدیل کرده است. کومار و همکارانش [۲۰] با استفاده از الگوریتم PRESENT و بهینه‌سازی جعبه جابه‌جایی توانستند فضای پیاده‌سازی را کاهش بدهند ولی روش پیاده‌سازی باعث کاهش شدید سرعت شد.

قمصیه و همکاران [۲۱] یک طرح رمزنگاری ترکیبی پیشنهاد کردند که ترکیبی از الگوریتم‌های رمزنگاری جریانی و بلوکی است. راهحل پیشنهادی مبتنی بر یک مدل ریاضی بهبود یافته است تا سطح امنیتی مورد نیاز با سرعت رمزنگاری بالا به‌دست آید. کریپتوسystem مبتنی بر آشوب از نسخه بهبود یافته نگاشت Skew tent به‌عنوان لایه جابه‌جایی در این روش استفاده شده است. نتایج شبیه‌سازی نشان دادند که با هر ورودی، کلید به‌صورت پویا به‌روزرسانی می‌شود و در نتیجه سطح تصادفی بودن و مقاومت در برابر حملات آماری افزایش می‌یابد. از سوی دیگر میزان آنتروپی کلیدهای تولید شده در این روش بیش از ۷/۹۹ بیت گزارش شده و آزمون‌های NIST نشان داده‌اند که خروجی‌ها تقریباً توزیع یکنواخت دارند.

۵ بیتی پیشنهاد می‌شود که با ساختار Ascon ادغام شده تا امنیت و کارایی را بهبود ببخشد. این روش با بهره‌گیری از ویژگی‌های سیستم‌های آشوبناک به دنبال ایجاد تعادل بین خاصیت گنگی، مصرف منابع پایین و مقاومت در برابر حملات رمزنگاری است.

### ● ساختار Ascon در رویکرد پیشنهادی

Ascon یک الگوریتم رمزنگاری سبک‌وزن متقارن است که در سال ۲۰۱۴ طراحی شد و در سال ۲۰۲۳ توسط مؤسسه ملی استاندارد و فناوری ایالات متحده به عنوان استاندارد رمزنگاری سبک‌وزن انتخاب شد. این الگوریتم به دلیل تعادل مناسب میان امنیت، کارایی و مصرف منابع، به ویژه برای دستگاه‌های کم‌منبع مانند حسگرهای پزشکی، خانه‌های هوشمند و گره‌های اینترنت اشیا بسیار مناسب است. Ascon از رمزنگاری احراز هویت شده، رمزنگاری جریان و توابع درهم‌ساز سبک‌وزن پشتیبانی می‌کند و انعطاف‌پذیری بالایی در پاسخ به نیازهای متنوع محیط‌های IoT دارد. نسخه‌های مختلفی از Ascon ارائه شده‌اند، از جمله: Ascon-128 (استاندارد)، Ascon-128a (با سرعت بالاتر)، Ascon-80pq (مقاوم در برابر حملات کوانتومی) و Ascon-hash (برای توابع درهم‌ساز سبک‌وزن). این تنوع نسخه‌ها باعث تطبیق‌پذیری Ascon با کاربردهای مختلف شده است.

ساختار Ascon استفاده شده در رویکرد پیشنهادی بر پایه معماری اسفنجی بنا شده که از یک تابع جایگشت مرکزی برای پردازش داده‌ها بهره می‌برد. حالت داخلی آن ۳۲۰ بیت است که به دو بخش «نرخ» (برای ورودی/خروجی) و «ظرفیت» (برای تأمین امنیت) تقسیم می‌شود. تابع جایگشت Ascon در راهکار پیشنهادی شامل سه مرحله است: افزودن مقادیر ثابت برای جلوگیری از الگوهای تکراری، استفاده از جعبه‌های جابه‌جایی ۵ بیتی جهت ایجاد غیرخطی بودن و اعمال لایه خطی شامل چرخش‌ها و جابه‌جایی‌های بیتی برای تقویت انتشار. این

سخت‌افزاری آن مانع استفاده در گره‌های بسیار کم‌منبع IoT می‌شود.

برخی از رویکردهای مرتبط در جدول ۱ با یکدیگر مقایسه شده‌اند. با توجه به کارهای انجام شده می‌توان به اهمیت رمزنگاری سبک وزن در اینترنت اشیا پی برد. همچنین جعبه جابه‌جایی که به عنوان هسته این الگوریتم‌ها برای ایجاد رابطه غیرخطی بین کلید و داده ورودی استفاده می‌شود، باید به‌طوری طراحی شود که در عین کارآمدی، پیچیدگی را نیز حفظ کند.

### ۳- راهکار پیشنهادی

علی‌رغم پیشرفت‌های اخیر در طراحی جعبه‌های جابه‌جایی، بسیاری از طرح‌های موجود برای کاربردهای سبک وزن، از نظر امنیتی ناکافی هستند یا پیچیدگی محاسباتی بالایی دارند که با محدودیت‌های دستگاه‌های اینترنت اشیا سازگار نیست. علاوه بر این، استفاده از جعبه جابه‌جایی‌های ثابت و غیر وابسته به کلید می‌تواند الگوهای قابل استخراجی را برای مهاجمان ایجاد کند، که امنیت کلی سیستم را به خطر می‌اندازد. به‌طور خلاصه، انگیزه این پژوهش از نیاز به طراحی جعبه‌های جابه‌جایی با امنیت بالا، نیاز محاسباتی مناسب، و انعطاف‌پذیری برای کاربردهای سبک وزن ناشی می‌شود. با بهره‌گیری از سیستم‌های آشوبناک و ادغام آنها با Ascon، این پژوهش به دنبال ارائه راه‌حلی نوآورانه است که ضمن حفظ کارایی، مقاومت رمزنگاری را در برابر طیف گسترده‌ای از حملات تقویت کند. بخش‌های بعدی این مقاله، جزئیات روش پیشنهادی، تحلیل امنیتی و مقایسه با طرح‌های موجود را ارائه خواهند داد تا پتانسیل این رویکرد در بهبود امنیت رمزنگاری سبک‌وزن به‌طور جامع بررسی شود.

با توجه به اهمیت رمزنگاری سبک‌وزن در تأمین امنیت دستگاه‌های اینترنت اشیا و نقش کلیدی جعبه‌های جابه‌جایی در الگوریتم‌هایی مانند Ascon، در این پژوهش یک روش نوین برای طراحی یک جعبه جابه‌جایی آشوبناک

نگاشت را فراهم کرده و به انتخاب بهینه‌ترین پارامتر تابع برای تولید دنباله‌های رمزنگاری کمک کرده است. شکل ۱ نمودار دو شاخه‌ای و نمای لیپانوف را برای رویکرد پیشنهادی نشان می‌دهد.

در مورد نگاشت لجستیک، رفتار سیستم به شدت به مقدار پارامتر کنترلی  $\mu$  وابسته است. با افزایش مقدار  $\mu$  و نزدیک شدن آن به عدد ۴، سیستم به تدریج از حالت‌های پایدار و تناوبی عبور کرده و وارد ناحیه‌ای با رفتار کاملاً آشوبناک می‌شود. این تغییرات در رفتار سیستم به خوبی از طریق نمودار دوشاخه‌ای و همچنین نمای لیپانوف قابل مشاهده است. به طور مشخص، با افزایش مقدار  $\mu$  به سمت ۴، نمای لیپانوف از مقادیر منفی به سمت مقادیر مثبت میل می‌کند و در نهایت برای  $\mu = 4$  مقداری مثبت خواهد داشت که نشان‌دهنده بیشینه شدن حساسیت سیستم به شرایط اولیه و آشوبناک بودن کامل رفتار آن است. بر این اساس، در این پژوهش برای بهره‌گیری از حداکثر ویژگی‌های آشوبی نگاشت لجستیک، مقدار پارامتر کنترلی  $\mu = 4$  در نظر گرفته شده است تا تولید دنباله‌ای با بیشترین پیچیدگی و تصادفی بودن ممکن فراهم گردد.

#### • طراحی جعبه جابه‌جایی پیشنهادی

جعبه جابه‌جایی پیشنهادی یک نگاشت از فضای ورودی ۵ بیتی به فضای خروجی ۵ بیتی تعریف می‌کند:

(۱)

$$S : \{0,1\}^5 \rightarrow \{0,1\}^5 : x \rightarrow S(x)$$

این تابع قادر است ۳۲ ورودی ۵ بیتی ( $2^5 = 32$ ) را به ۳۲ خروجی یکتا نگاشت کند، که تعداد کل حالات تصادفی ممکن برای این نگاشت برابر با  $10^{35} \approx 2.6 \times 10^{35}$  است. این تنوع عظیم، امکان تولید جعبه‌های جایگزینی با رفتار غیرقابل پیش‌بینی را فراهم می‌کند. مقادیر خروجی  $S(x)$  به صورت پویا و بر اساس توابع آشوبناک تولید می‌شوند، که رفتار غیرخطی و تصادفی آنها تضمین‌کننده خاصیت

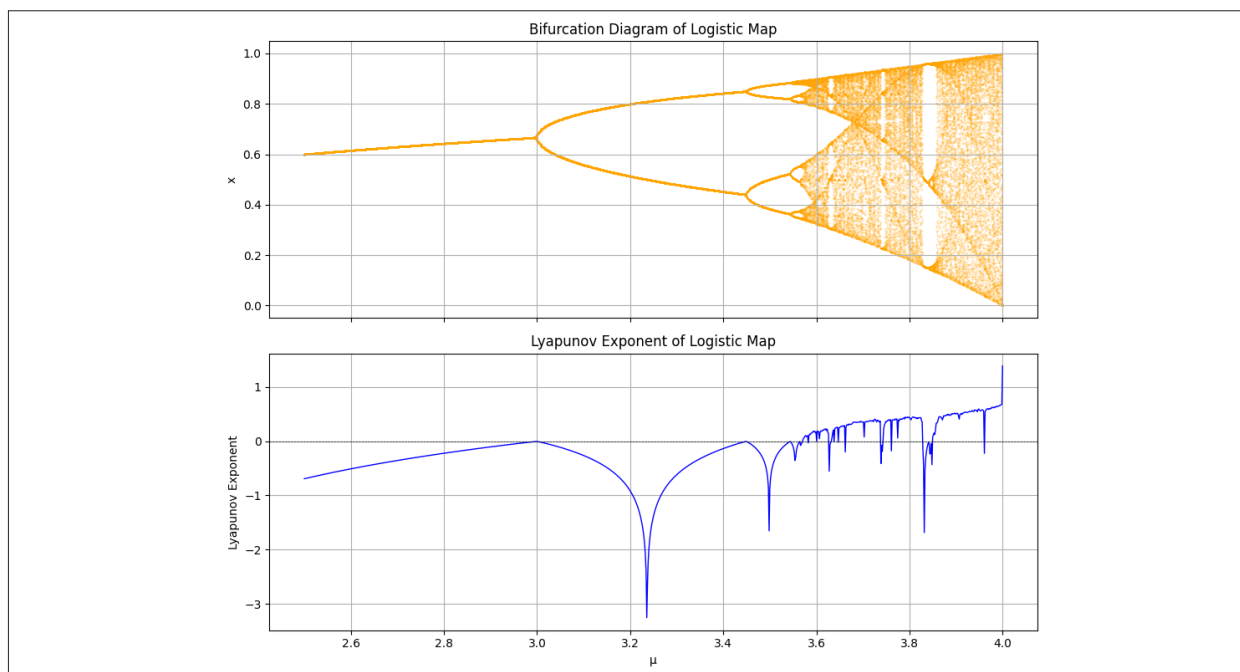
طراحی ساده، به‌ویژه در پیاده‌سازی‌های سخت‌افزاری و نرم‌افزاری با منابع محدود، بسیار کارآمد و کم‌مصرف است.

فرایند رمزنگاری در Ascon در رویکرد پیشنهادی شامل چهار مرحله کلیدی است: مقداردهی اولیه با کلید و نانس، پردازش داده‌های مرتبط برای احراز هویت، رمزنگاری یا رمزگشایی متن اصلی با تابع جایگشت و عملیات XOR، و در نهایت تولید برچسب احراز هویت برای تضمین اصالت و یکپارچگی پیام. همچنین، در حالت رمزنگاری جریانی، Ascon امکان رمزنگاری داده‌های پیوسته را فراهم می‌سازد که آن را برای داده‌های لحظه‌ای در کاربردهای IoT بسیار مناسب می‌کند.

#### • مقداردهی توابع آشوب در رویکرد پیشنهادی

برای تحلیل دقیق رفتار سیستم آشوبی مورد استفاده در این پژوهش، از نمودارهای دوشاخه‌ای<sup>۲</sup> و نمای لیپانوف<sup>۳</sup> بهره گرفته شده است. نمودار دوشاخه‌ای ابزاری قدرتمند در تحلیل سیستم‌های دینامیکی غیرخطی است که نحوه تغییر رفتار یک سیستم را در پاسخ به تغییرات پارامترهای کنترلی نشان می‌دهد. این نمودار به‌ویژه در نمایش گذار سیستم از رفتار منظم و تناوبی به رفتار آشوبناک اهمیت دارد و به وضوح مرز میان نظم و بی‌نظمی را آشکار می‌سازد. از سوی دیگر، نمودار نمای لیپانوف، حساسیت سیستم به شرایط اولیه را ارزیابی می‌کند. در این تحلیل، مقدار مثبت نمای لیپانوف شاخصی از رفتار آشوبناک سیستم بوده و بیانگر واگرایی شدید مسیرهای مجاور در فضای فاز است، در حالی که مقادیر منفی این نما نشان‌دهنده پایداری نسبی و رفتار تناوبی سیستم می‌باشد.

در این پژوهش، هر دو نمودار یادشده برای نگاشت آشوبی منتخب رسم شده‌اند تا رفتار دینامیکی آنها در بازه‌ای از پارامترهای کنترلی بررسی شود. استفاده از این نمودارها امکان تحلیل دقیق‌تری از ویژگی‌های آشوبی هر



شکل ۱: نمودار تقسیمات دودویی و لیاپانوف نگاشت لجستیک

۳۲ بار اجرا می‌شود تا دنباله‌ای از ۳۲ مقدار آشوبناک

$(x_1, x_2, \dots, x_{32})$  تولید شود.

• اندیس‌گذاری دنباله: هر مقدار  $x_i$  در دنباله با یک اندیس  $(i)$  برچسب‌گذاری می‌شود.

• مرتب‌سازی صعودی: دنباله بر اساس مقدار به صورت صعودی مرتب می‌شوند و اندیس‌های مربوطه به عنوان خروجی‌های جعبه جابه‌جایی به ورودی‌های ۵ بیتی (۰ تا ۳۱) نگاشت می‌شوند.

• ذخیره جدول: جدول نهایی به صورت پیش محاسبه شده ذخیره می‌شود تا بار محاسباتی در زمان اجرا کاهش یابد. این الگوریتم به گونه‌ای طراحی شده که با حداقل پیچیدگی محاسباتی، جعبه جابه‌جایی‌های غیرخطی تولید کند. استفاده از مرتب‌سازی صعودی برای نگاشت مقادیر آشوبناک به خروجی‌های جعبه جابه‌جایی، توزیع یکنواخت و تصادفی را تضمین می‌کند.

• پیاده‌سازی جعبه جابه‌جایی پیشنهادی و ادغام با Ascon

در الگوریتم Ascon-128، لایه جایگزینی ۶۴ بار به

گنگی موردنیاز در رمزنگاری است.

در این پژوهش برای تولید جعبه جابه‌جایی، از تابع آشوب لجستیک استفاده شده است. معادله این تابع به صورت زیر است:

(۲)

$$x_{n+1} = rx_n(1 - x_n)$$

این تابع از عملگرهای ساده استفاده می‌کند که می‌تواند به سادگی در فضای محدود پیاده‌سازی شود. مقدار اولیه  $x$  از کلید رمزنگاری استخراج می‌شود، که این امر وابستگی جعبه جابه‌جایی به کلید را تقویت کرده و امنیت را افزایش می‌دهد. الگوریتم پیشنهادی برای تولید جعبه جابه‌جایی شامل مراحل زیر است:

• تنظیم پارامترهای ثابت: مقدار پارامتر کنترلی برای تابع لجستیک تعیین می‌شود.

• مقداردهی اولیه: مقدار اولیه  $x$  از کلید رمزنگاری استخراج می‌شود. این کلید می‌تواند بخشی از کلید ۱۲۸ بیتی Ascon یا یک مقدار مشتق شده باشد.

تولید دنباله آشوبناک: تابع نگاشت به صورت تکراری

#### ۴- ارزیابی رویکرد پیشنهادی

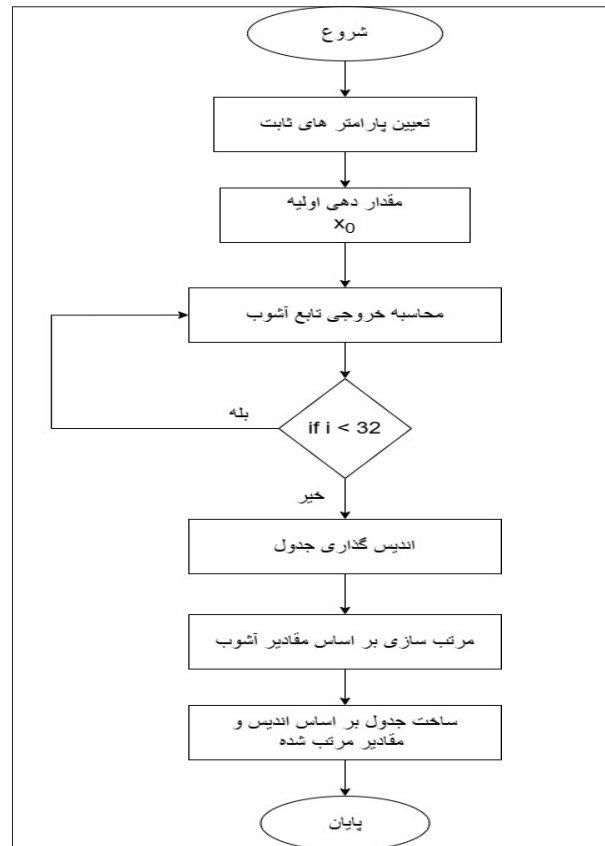
در این بخش، عملکرد و امنیت الگوریتم پیشنهادی مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. ابتدا سرعت و فضای موردنیاز آن بررسی می‌شود، سپس تحلیل امنیتی جامعی شامل معیارهایی مانند غیرخطی بودن، مقاومت در برابر حملات تفاضلی و خطی، و اثر بهمنی ارائه می‌گردد. این تحلیل‌ها بر پایه روش‌های استاندارد و آزمون‌های آماری انجام می‌شوند. در پایان، الگوریتم پیشنهادی با الگوریتم‌های سبک‌وزن رایج نظیر ICEPOLT [۲۴]، PRIMATE [۲۳] و Ascon [۷] مقایسه می‌شود تا میزان کارایی و نوآوری آن در کاربردهای اینترنت اشیا مشخص گردد.

از زبان برنامه‌نویسی پایتون برای شبیه‌سازی و تحلیل‌های امنیتی استفاده شده است. تمامی کدها بر روی سیستم با مشخصات پردازنده intel core i7 13650، 16GB حافظه اصلی اجرا شده است. بر اساس نمودارهای تقسیمات دودویی و لیاپانوف که در شکل ۱ آمده است، بیشترین آشوب با مقدار کنترلی  $4 = 4r = 4r$  رخ می‌دهد. مقدار اولیه  $x_0$  نیز کلید در نظر گرفته شده است، که می‌تواند از کلید اصلی الگوریتم استخراج یا از طریق فرایند مشتق‌سازی کلید تولید شود.

برای ارزیابی امنیت روش پیشنهادی، که شامل یک جعبه جابه‌جایی آشوبناک ۵ بیتی مبتنی بر نگاشت لجستیک است، معیارهای کلیدی رمزنگاری مانند خاصیت یک به یک، غیرخطی بودن و مقاومت در برابر حملات تفاضلی و خطی بررسی می‌شوند و برای تحلیل کارایی رویکرد پیشنهادی در زمینه سرعت، تاخیر رویکردهای مختلف با هم مقایسه شده‌اند.

#### ۴-۱- مقایسه سرعت اجرای رویکردها

برای اندازه‌گیری سرعت و مصرف انرژی روش استفاده شده، از شبیه‌سازی در محیط پایتون استفاده شده است. جدول ۲ مقایسه‌ای از عملکرد سرعت با حجم داده‌های ورودی مختلف را نشان می‌دهد.



شکل ۲: روندنمای ایجاد جعبه جابه‌جایی آشوبناک

صورت موازی، حالت ۳۲۰ بیتی را به‌روزرسانی می‌کند. جعبه جابه‌جایی آشوبناک پیشنهادی جایگزین جعبه جابه‌جایی استاندارد Ascon می‌شود، بدون آن که تغییر در ساختار کلی جایگزینی (شامل لایه افزودن ثابت، جایگزینی و انتشار) ایجاد کند. برای اطمینان از کارایی، جدول جعبه جابه‌جایی به‌صورت پیش محاسبه شده در حافظه دستگاه ذخیره می‌شود، که این امر زمان اجرای رمزنگاری را به حداقل می‌رساند. برای این کار به ۱۶۰ بیت فضا برای ذخیره‌سازی جدول نیاز است که با محدودیت‌های حافظه دستگاه‌های اینترنت اشیا سازگار است. این روش همچنین با اندازه‌های مختلف بلوک (۳۲، ۶۴ یا ۱۲۸ بیت) سازگار است، که انعطاف‌پذیری لازم برای کاربردهای متنوع اینترنت اشیا را فراهم می‌کند. از نظر سرعت به‌دلیل استفاده از جدول از پیش محاسبه شده، تفاوتی با جعبه جابه‌جایی اصلی Ascon ندارد. شکل ۲ روندنمای رویکرد پیشنهادی را نشان می‌دهد.

جدول ۲: مقایسه تاخیر الگوریتم‌ها

| اندازه بلوک | Ascon    | رویکرد پیشنهادی | PRIMATE  | ICEPOLT  |
|-------------|----------|-----------------|----------|----------|
| ۱۲۸         | ۰/۰۰۰۳۶۸ | ۰/۰۰۰۵۵۷        | ۰/۰۰۰۵۹۸ | ۰/۰۰۰۲۵  |
| ۱۰۲۴        | ۰/۰۰۱۸۰۴ | ۰/۰۰۳۲۴۳        | ۰/۰۰۵۴۲۱ | ۰/۰۰۲۰۳۶ |
| ۴۰۹۶        | ۰/۰۰۶۵۸۵ | ۰/۰۱۳۳۱۷        | ۰/۰۲۲۶۳۸ | ۰/۰۰۸۰۶۴ |
| ۱۶۳۸۴       | ۰/۰۲۸۰۸۹ | ۰/۰۶۱۵۴۷        | ۰/۰۹۶۹۸۵ | ۰/۰۳۲۸۷۴ |

همان‌طور که از نتایج جدول ۲ مشخص است، الگوریتم Ascon دارای کمترین زمان اجرا در تمامی سطوح داده است. الگوریتم پیشنهادی عملکردی بسیار نزدیک به Ascon داشته و به‌ویژه در اندازه‌های پایین داده، تفاوت زمانی اندکی نشان می‌دهد. از سوی دیگر، الگوریتم PRIMATE در تمامی اندازه‌ها زمان اجرای بیشتری دارد، که بیانگر پیچیدگی بالاتر یا سربار محاسباتی بیشتر آن است. نتایج فوق نشان می‌دهند که روش پیشنهادی، با وجود به‌کارگیری ساختارهای پیچیده‌تر برای افزایش امنیت، همچنان از نظر کارایی در سطح قابل قبول و مناسبی قرار دارد.

#### ۴-۲- خاصیت یک به یک

یک تابع را یک به یک می‌گویند اگر هر مقدار ورودی به یک مقدار خروجی یکتا نگاشت شود و هر مقدار خروجی دقیقاً یک مقدار ورودی متناظر داشته باشد. این خاصیت حیاتی است، زیرا تضمین می‌کند که جعبه جابه‌جایی معکوس‌پذیر بوده و تمام ۳۲ مقدار ممکن (۰ تا ۳۱) را در خروجی پوشش می‌دهد [۲۴]. جعبه جابه‌جایی پیشنهادی از طریق تحلیل وزن همینگ (Hamming weight) بررسی شده است.

وزن همینگ برای یک بردار خروجی  $Y = (b_1, b_2, \dots, b_5)$  که در آن  $b_i \in \{0, 1\}$  به صورت زیر تعریف می‌شود: [۲۵]

(۲)

$$H_w(Y) = \sum_{k=1}^5 (b_1^k \oplus b_2^k \oplus \dots \oplus b_5^k) = 2^{5-1}$$

در اینجا،  $b_i \in \{0, 1\}$  و بردار  $(b_1, b_2, \dots, b_5) \neq (0, 0, \dots, 0)$

برای هر تابع بولی صدق می‌کند.

جدول ۳: مقادیر ورودی، خروجی، وزن همینگ و فاصله همینگ

| ورودی | خروجی | $H_d$ | $H_w$ | ورودی | خروجی | $H_d$ | $H_w$ |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| ۰۰۰۰  | ۰۰۱۰۱ | ۲     | ۰     | ۱۰۰۰  | ۱۱۰۱۱ | ۳     | ۰     |
| ۰۰۰۱  | ۰۰۱۱۰ | ۳     | ۰     | ۱۰۰۱  | ۱۰۱۱۱ | ۲     | ۰     |
| ۰۰۱۰  | ۰۰۱۱۱ | ۲     | ۱     | ۱۰۱۰  | ۰۰۰۱۱ | ۲     | ۰     |
| ۰۰۱۱  | ۰۱۰۰۰ | ۳     | ۱     | ۱۰۱۱  | ۰۱۱۱۰ | ۴     | ۱     |
| ۰۱۰۰  | ۱۰۰۰۰ | ۲     | ۱     | ۱۱۰۰  | ۰۱۱۰۰ | ۲     | ۰     |
| ۰۱۰۱  | ۱۱۰۰۱ | ۲     | ۱     | ۱۱۰۱  | ۱۱۱۱۱ | ۲     | ۱     |
| ۰۱۱۰  | ۱۱۱۰۱ | ۴     | ۰     | ۱۱۱۰  | ۰۱۰۱۱ | ۴     | ۱     |
| ۰۱۱۱  | ۰۱۰۰۱ | ۳     | ۰     | ۱۱۱۱  | ۰۱۱۰۱ | ۳     | ۱     |
| ۱۰۰۰  | ۱۰۰۰۱ | ۲     | ۰     | ۰۰۰۱  | ۰۰۰۱۰ | ۳     | ۱     |
| ۱۰۰۱  | ۱۱۰۱۰ | ۳     | ۱     | ۰۰۱۱  | ۱۱۰۰۱ | ۳     | ۱     |
| ۱۰۱۰  | ۱۰۱۱۰ | ۳     | ۱     | ۰۱۰۰  | ۰۰۰۰۰ | ۳     | ۰     |
| ۱۰۱۱  | ۱۱۱۱۰ | ۳     | ۰     | ۰۱۰۱  | ۱۱۰۱۱ | ۳     | ۱     |
| ۱۱۰۰  | ۰۱۰۱۰ | ۲     | ۰     | ۰۱۱۰  | ۱۱۱۰۰ | ۰     | ۱     |
| ۱۱۰۱  | ۰۰۰۰۱ | ۲     | ۱     | ۰۱۱۱  | ۱۱۱۰۱ | ۲     | ۰     |
| ۱۱۱۰  | ۱۰۰۱۰ | ۳     | ۰     | ۱۱۱۱  | ۱۱۱۱۰ | ۲     | ۰     |
| ۱۱۱۱  | ۱۰۱۰۰ | ۳     | ۰     | ۰۰۱۰  | ۰۰۱۰۰ | ۴     | ۱     |

تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی نشان می‌دهد که این جعبه جابه‌جایی تمام مقادیر یکتای ۰ تا ۳۱ را در خروجی تولید می‌کند. این امر یک به یک بودن را تایید می‌کند، زیرا هر ورودی ۵ بیتی دقیقاً به یک خروجی ۵ بیتی نگاشت می‌شود و هیچ مقداری در فضای خروجی از قلم نمی‌افتد. علاوه بر این، مجموع وزن‌های همینگ برای تمام خروجی‌های  $S(x)$  برابر با ۱۶ است (رجوع شود به جدول ۳).

#### ۴-۳- خاصیت غیرخطی

غیرخطی بودن یکی از مهمترین ویژگی‌های جعبه‌های جایگزینی در الگوریتم‌های رمزنگاری مانند Ascon است، زیرا تضمین می‌کند که الگوریتم در برابر حملات خطی، که به دنبال کشف همبستگی بین ورودی‌ها و خروجی‌ها از طریق حل معادلات خطی هستند، مقاوم باشد [۲۶].

در این پژوهش، برای سنجش میزان غیرخطی بودن جعبه جابه‌جایی پیشنهادی، از فاصله همینگ بین ورودی‌ها و خروجی‌های متناظر استفاده شده است. فاصله همینگ بین دو بردار دودویی  $x_i$  و  $y_i = S(x_i)$  به صورت تعداد بیت‌هایی تعریف می‌شود که مقادیر متناظر آنها با

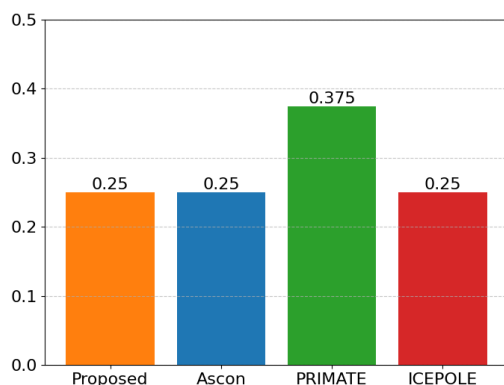
از معیارهای کلیدی برای ارزیابی مقاومت جعبه‌های جایگزینی در برابر حملات خطی است. این معیار حداکثر میزان عدم تعادل در رابطه بین ورودی‌ها و خروجی‌های جعبه جابه‌جایی را اندازه‌گیری می‌کند، که می‌تواند توسط مهاجمان برای کشف همبستگی‌های خطی و بازیابی کلید رمزنگاری مورد بهره‌برداری قرار گیرد. احتمال تقریب خطی برای یک جعبه جابه‌جایی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$LP = \max \left| \frac{\#\{x \in X \mid x \cdot \Delta x = S(x) \cdot \Delta y\}}{2^n} - \frac{1}{2} \right| \quad (4)$$

تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی نشان می‌دهد که بالاترین تعداد تطابق برای شرط  $x \cdot \Delta x = S(x) \cdot \Delta y$  برابر با ۸ است. با جایگذاری این مقدار در فرمول فوق، حداکثر احتمال تقریب خطی برای جعبه جابه‌جایی پیشنهادی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$LP = \left| \frac{8}{2^5} - \frac{1}{2} \right| = 0.25 \quad (5)$$

مقدار LP برابر با ۰/۲۵ نشان‌دهنده سطح قابل‌قبولی از امنیت است، زیرا مقادیر نزدیک به صفر بیانگر مقاومت بالاتر در برابر حملات خطی هستند. در حالت ایده‌آل، برای یک جعبه جابه‌جایی کاملاً تصادفی  $lp = 0$  خواهد بود، اما برای جعبه‌های جابه‌جایی ۵ بیتی، مقادیر LP در بازه ۰/۲ تا ۰/۴ مطلوب تلقی می‌شوند. شکل ۴ مقایسه تقریب خطی را نشان می‌دهد.



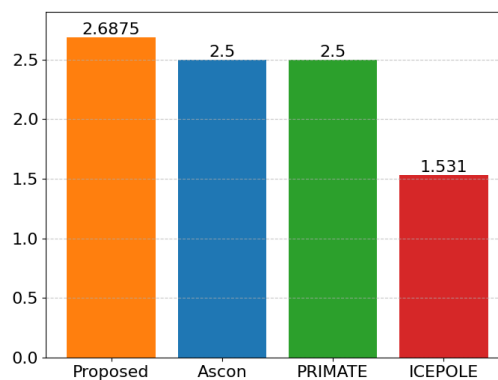
شکل ۴: مقایسه تقریب خطی

یکدیگر متفاوت است. فاصله همینگ بین یک جفت ورودی  $(x_i, y_i)$  که در آن  $S(x_i) = y_i$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

(۳)

$$H_d(x_i, y_i) = \#\{j \mid x_{i,j} \neq y_{i,j}\}$$

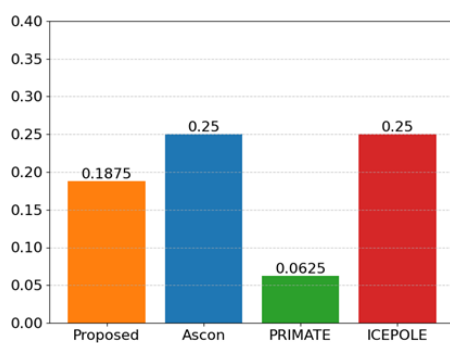
در اینجا،  $x_{i,j}$  و  $y_{i,j}$  به ترتیب ز-امین بیت از ورودی  $x_i$  و خروجی  $y_i$  هستند، و  $H_d$  تعداد بیت‌هایی را نشان می‌دهد که در این جفت ورودی-خروجی متفاوت هستند. برای یک جعبه جابه‌جایی ۵ بیتی، فاصله همینگ می‌تواند بین ۰ (در صورت یکسان بودن ورودی و خروجی) تا ۵ (در صورت تفاوت تمام بیت‌ها) باشد. شکل ۳ تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی نشان می‌دهد که حداقل فاصله همینگ برابر با ۰ و حداکثر آن برابر با ۴ است. میانگین فاصله همینگ برای تمام جفت‌های ورودی-خروجی محاسبه شده برابر با ۲/۶۸۷۵ است. هر چه فاصله همینگ بالاتر باشد، غیرخطی بودن S-box بیشتر است، زیرا این امر نشان‌دهنده عدم وجود الگوهای قابل پیش‌بینی بین ورودی‌ها و خروجی‌هاست.



شکل ۳: مقایسه خاصیت غیر خطی

#### ۴-۴- احتمال تقریب خطی

احتمال تقریب خطی (Linear Approximation Probability) که توسط ماتسوی در سال ۱۹۹۳ معرفی شد [۲۷] یکی



شکل ۵: احتمال تقریب در تحلیل تفاضلی

تفاضلی در رابطه ورودی- خروجی است. با این حال، مقادیر DAP پایین (نزدیک به صفر) نشان‌دهنده یکنواختی تفاضلی بهتر و مقاومت بالاتر در برابر حملات تفاضلی هستند.

#### ۴-۶- اثر بهمنی

اثر بهمنی (Avalanche Effect) یکی از ویژگی‌های اساسی در طراحی الگوریتم‌های رمزنگاری مانند Ascon است که تضمین می‌کند تغییر کوچک در بیت‌های ورودی منجر به تغییرات قابل توجه در بیت‌های خروجی شود. این خاصیت که برای افزایش مقاومت در برابر حملات رمزنگاری مانند تحلیل تفاضلی حیاتی است، با معیار دقیق بهمنی (Strict Avalanche Criterion) سنجیده می‌شود. SAC که توسط وبستر و تاواریس معرفی شد [۲۹]، بیان می‌کند که تغییر یک بیت در ورودی باید به‌طور متوسط حداقل نیمی از بیت‌های خروجی را تغییر دهد.

برای ارزیابی SAC، یک ورودی ۵ بیتی  $X$  در نظر گرفته می‌شود و مجموعه‌ای از بردارهای ورودی  $X_1, X_2, \dots, X_5$  با تغییر تنها بیت  $i$ -ام تولید می‌شود. بردارهای خروجی متناظر  $S(X_j) = Y_j$  با استفاده از تابع جایگزینی S-box محاسبه می‌شوند. بردار بهمنی  $V_j$  از طریق عملیات XOR بین خروجی اصلی و خروجی تغییر یافته به‌صورت  $Y_j \oplus Y = V_j$  محاسبه می‌شود. سپس، یک ماتریس وابستگی  $5 \times 5$  به نام  $A$  تشکیل می‌شود، که در آن عنصر  $a_{i,j}$  برابر با مجموع بیت  $i$ -ام بردارهای بهمنی  $V_j$  است.

#### ۴-۵- تحلیل رمزنگاری تفاضلی

تحلیل رمزنگاری تفاضلی (Differential Cryptanalysis)، که در سال ۱۹۹۰ توسط بیهام و شامیر معرفی شد [۲۸]، یکی از روش‌های آماری قدرتمند برای حمله به الگوریتم‌های رمزنگاری مبتنی بر شبکه جایگزینی- جایگزینی مانند Ascon است. این روش از جدول توزیع تفاضلی (Differential Distribution Table) جعبه‌های جایگزینی برای شناسایی الگوهای قابل استخراج در تغییرات خروجی نسبت به تغییرات ورودی استفاده می‌کند. برای مقاومت در برابر تحلیل تفاضلی، جعبه جابه‌جایی باید تغییرات خروجی غیرقابل پیش‌بینی و یکنواختی را ارائه دهد تا مهاجمان نتوانند از تفاوت‌های ورودی و خروجی برای بازیابی کلید رمزنگاری بهره‌برداری کنند. این مقاومت با معیار احتمال تقریب تفاضلی (Differential Approximation Probability)، که به‌عنوان یکنواختی تفاضلی (differential uniformity) شناخته می‌شود، سنجیده می‌شود. شکل ۵ مقایسه احتمال تقریب در تحلیل تفاضلی را نمایش می‌دهد.

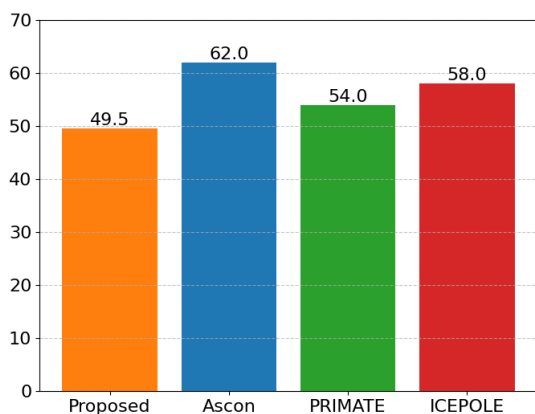
احتمال تقریب تفاضلی برای یک جعبه جابه‌جایی به‌صورت زیر تعریف می‌شود:

$$DAP = \max \left( \frac{\#\{x \in X \mid S(x) \oplus S(x \oplus \Delta y) = \Delta y\}}{2^n} \right) \quad (6)$$

تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی نشان می‌دهد که حداکثر تعداد تطابق برای شرط  $S(x) \oplus S(x \oplus \Delta y) = \Delta y$  برابر با ۶ است. با جایگذاری این مقدار در فرمول DAP، حداکثر احتمال تقریب تفاضلی به‌صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$DAP = \frac{6}{2^5} = 0.1875$$

مقدار DAP برابر با ۰/۱۸۷۵ نشان‌دهنده مقاومت مطلوب جعبه جابه‌جایی در برابر تحلیل تفاضلی است. برای یک جعبه جابه‌جایی ایده‌آل، مقدار DAP باید برابر با  $0.3125 \approx \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$  باشد، که در عمل غیرممکن است، زیرا این مقدار نشان‌دهنده عدم وجود هرگونه اطلاعات



شکل ۶: مقایسه مقدار SAC

که در آن  $b_{i,j}$  تعداد دفعاتی را نشان می‌دهد که بیت  $i$ -ام خروجی در پاسخ به تغییر بیت  $i$ -ام ورودی تغییر می‌کند. مقدار  $C$  نزدیک به ۱ نشان‌دهنده غیرخطی بودن قوی است. جعبه جابه‌جایی پیشنهادی با تولید جفت‌های ورودی-خروجی یکتا با استفاده از ۵ بیت، مقدار  $C=1$  را به دست می‌آورد، که نشان‌دهنده کامل بودن و وابستگی قوی هر بیت خروجی به تمام بیت‌های ورودی است.

برای یک تابع  $F$ ، اگر تغییر یک بیت ورودی به تغییر نیمی از بیت‌های خروجی منجر شود، معیار دقیق بهمنی برقرار است. این خاصیت به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$Avl = 1 - \frac{1}{\#T \cdot nm} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m |b_{i,j} - \frac{1}{\#T}| \quad (8)$$

در اینجا  $\#T$  تعداد ورودی‌ها است و  $b_{i,j}$  تعداد تغییرات بیت خروجی را نشان می‌دهد. مقدار  $Avl$  نزدیک به ۱ نشان‌دهنده اثر بهمنی قوی است. این مقدار برای جعبه جابه‌جایی پیشنهادی برابر با ۰/۸۵ است، که تأیید می‌کند معیار دقیق بهمنی را به خوبی برآورده کرده است.

#### ۷-۴- استقلال بیت‌های خروجی

معیار استقلال بیت (Bit Independence Criterion)،

که توسط وبستر و تاواریس معرفی شد [۲۹]، یکی از ویژگی‌های کلیدی در طراحی جعبه‌های جابه‌جایی است

این فرایند برای تعداد زیادی ورودی  $X$  تکرار شده و هر عنصر ماتریس  $A$  بر  $2^n$  تقسیم می‌شود تا ماتریس SAC محاسبه شود.

برای ارزیابی SAC، یک ورودی ۵ بیتی  $X$  در نظر گرفته می‌شود و مجموعه‌ای از بردارهای ورودی  $X_1, X_2, \dots, X_5$  با تغییر تنها بیت  $j$ -ام تولید می‌شود. بردارهای خروجی متناظر  $S(X_j) = Y_j$  با استفاده از تابع جایگزینی  $S$ -box محاسبه می‌شوند. بردار بهمنی  $V_j$  از طریق عملیات XOR بین خروجی اصلی و خروجی تغییر یافته به صورت  $Y_j \oplus Y = V_j$  محاسبه می‌شود. سپس، یک ماتریس وابستگی  $5 \times 5$  به نام  $A$  تشکیل می‌شود، که در آن عنصر  $a_{i,j}$  برابر با مجموع بیت  $i$ -ام بردارهای بهمنی  $V_j$  است. این فرایند برای تعداد زیادی ورودی  $X$  تکرار شده و هر عنصر ماتریس  $A$  بر  $2^n$  تقسیم می‌شود تا ماتریس SAC محاسبه شود. شکل ۶ مقایسه مقدار SAC را برای رویکردهای مختلف نشان می‌دهد.

تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی نشان می‌دهد که میانگین اثر بهمنی برابر با ۴۹/۵۰ درصد است. این مقدار بسیار نزدیک به مقدار ایده‌آل ۵۰ درصد است، که نشان‌دهنده برآورده شدن معیار دقیق بهمنی توسط جعبه جابه‌جایی پیشنهادی است. مقایسه اثر بهمنی جعبه جابه‌جایی پیشنهادی با دیگر جعبه‌های جابه‌جایی ۵ بیتی نشان می‌دهد که میانگین مقدار SAC پیشنهادی نزدیکترین مقدار به ایده‌آل است و از رقبا پیشی می‌گیرد.

برای تأیید کامل بودن (Completeness) و اثر بهمنی، دو تعریف زیر ارائه می‌شوند که ویژگی‌های جعبه جابه‌جایی پیشنهادی را از منظر رمزنگاری بررسی می‌کنند: برای یک تابع چندخروجی  $S: F_2^m \rightarrow F_2^n$  که  $m$ -بیت خروجی را در پاسخ به  $n$ -بیت ورودی تولید می‌کند، کامل بودن زمانی برقرار است که هر بیت خروجی به تمام بیت‌های ورودی وابسته باشد.

$$C = 1 - \frac{1}{nm} \# \{(i,j) | b_{i,j} = 0\} \quad (7)$$

است. برای مقایسه دقیق پیچیدگی محاسباتی تعداد عملیات‌های (operations) انجام شده در الگوریتم‌ها با یکدیگر مقایسه می‌شوند. برای این منظور یک فایل نمونه با اندازه ۱۷۵ کیلوبایت، به عنوان داده ورودی انتخاب شده و فرایند رمزنگاری بر روی آن اعمال می‌شود. در این آزمایش، زمان اجرای الگوریتم از لحظه دریافت داده خام تا تولید خروجی رمز شده اندازه‌گیری شده و پیچیدگی الگوریتم به صورت کمی ارزیابی شده است.

نتایج حاصل نشان می‌دهد از نظر زمان اجرا برای رمزنگاری تصویر در مقیاس داده‌های متداول اینترنت اشیاء مناسب بوده و سربار محاسباتی آن در مقایسه با الگوریتم‌های Ascon و PRIMATE در یک سطح قابل رقابت قرار دارد. این مقایسه هم از منظر تعداد عملیات پایه و هم از منظر زمان واقعی اجرا روی داده تصویری انجام شده است. جدول شماره ۴ نتایج این مقایسه را نشان می‌دهد.

جدول ۴: مقایسه تعداد عملیات مورد نیاز برای رمزنگاری یک فایل ۱۷۵ کیلوبایتی پایه توسط رویکردهای مختلف

| PRIMATE   | رویکرد پیشنهادی | Ascon     |
|-----------|-----------------|-----------|
| ۹,۳۲۵,۲۱۴ | ۶,۴۴۱,۴۰۸       | ۵,۸۱۵,۶۸۰ |

همان‌طور که در جدول شماره ۴ قابل مشاهده است، رویکرد پیشنهادی در مقایسه با Ascon افزایش اندکی در حجم محاسبات مورد نیاز ایجاد کرده است، اما کماتان اختلاف معنا داری با رویکرد PRIMATE دارد. در این آزمایش جهت سادگی کلیه محاسبات ریاضی (مانند جمع، تفریق، AND، OR و XOR) یک واحد در نظر گرفته شده‌اند.

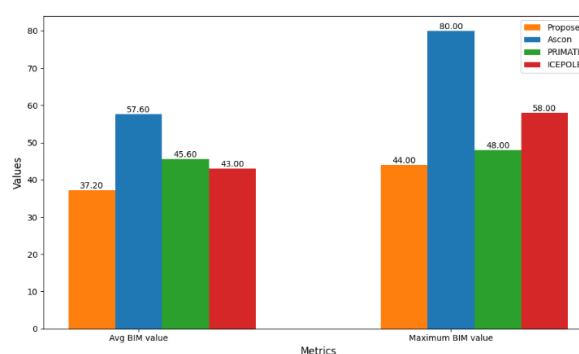
## ۵- جمع‌بندی نتایج ارزیابی

در این فصل، امنیت و کارایی الگوریتم پیشنهادی به صورت جامع ارزیابی شده است. تمرکز اصلی بر سنجش مقاومت جعبه جابه‌جایی طراحی شده در برابر حملات رایج رمزنگاری مانند حملات خطی، تفاضلی، و

که تضمین می‌کند تغییر در یک بیت ورودی به صورت مستقل بر تمام بیت‌های خروجی تأثیر بگذارد. به عبارت دیگر، تغییر در بیت  $i$ -ام ورودی باید تغییرات مستقلی در بیت‌های خروجی  $k$  ایجاد کند. این خاصیت برای افزایش غیرخطی بودن و کاهش همبستگی‌های قابل استخراج بین بیت‌های خروجی حیاتی است. شکل ۷ مقایسه استقلال بیت‌های خروجی را در رویکردهای مختلف نشان می‌دهد. تحلیل جعبه جابه‌جایی پیشنهادی، نشان می‌دهد که مقدار متوسط BIC برابر با  $20/37$  و در بیشترین حالت  $44$  است. هر چقدر این مقادیر کوچکتر و به هم نزدیکتر باشند بهتر است.

## ۴-۸- پیچیدگی محاسباتی در کاربرد اینترنت اشیاء

از آنجا که الگوریتم پیشنهادی برای به کارگیری در حوزه اینترنت اشیاء طراحی شده است، لازم است معیارهای ارزیابی با محدودیت‌های رایج این حوزه هماهنگ باشند. دستگاه‌های اینترنت اشیاء به طور معمول دارای توان پردازشی محدود، حافظه اندک و نیاز به مصرف انرژی پایین هستند. در این راستا، عملکرد الگوریتم پیشنهادی در این بخش از نظر پیچیدگی محاسباتی سنجیده و با سایر رویکردها مقایسه می‌شود.



شکل ۷: مقایسه استقلال بیت‌های خروجی

برای پیاده‌سازی جعبه جابه‌جایی پیشنهادی به  $160$  بیت فضا برای ذخیره سازی جدول نیاز است که با محدودیت‌های حافظه دستگاه‌های اینترنت اشیاء سازگار

الگوریتم‌ها ایفا می‌کنند.

در این پژوهش، به چالش‌های رمزنگاری سبک‌وزن در محیط‌های با منابع محدود مانند اینترنت اشیا پرداخته شد. با توجه به نیاز روزافزون به امنیت در این فضاها، یک الگوریتم جدید با استفاده از توابع آشوبی برای تولید جعبه‌های جابه‌جایی دینامیک طراحی شد. این الگوریتم ضمن حفظ ساختار کلی Ascon، ویژگی‌هایی مانند مقاومت در برابر حملات کلاسیک، تحقق اثر بهمنی قوی، و سازگاری با معماری‌های محدود را ارائه می‌دهد.

از مهمترین مزایای الگوریتم پیشنهادی می‌توان به تولید جعبه جابه‌جایی وابسته به کلید، پراکندگی بالا در خروجی، و مصرف پایین منابع اشاره کرد. با این حال، چالش‌هایی مانند پیچیدگی تولید اولیه جعبه، وابستگی به پارامترهای آشوبی، نبود سخت‌افزارهای بهینه و نیاز به آزمون‌های گسترده‌تر در محیط‌های واقعی نیز مطرح هستند که برای تجاری‌سازی و پذیرش گسترده باید برطرف شوند.

در پایان، مسیرهایی برای تحقیقات آتی پیشنهاد شده است: از جمله توسعه جعبه‌های جابه‌جایی پیشرفته با توابع آشوبی چندبعدی، تولید پویا در زمان اجرا، پیاده‌سازی سخت‌افزاری بر روی FPGA، ترکیب با الگوریتم‌های نوظهور مانند رمزنگاری DNA، و تحلیل مقاومت در برابر حملات پیشرفته مانند حملات جانبی و یادگیری ماشین. این مسیرها می‌توانند زمینه‌ساز نسل جدیدی از الگوریتم‌های امن و بهینه برای کاربردهای حساس و کم‌منبع باشند.

## ۷- مراجع

- [1] Al-Shargabi, B. & Sabri, O. (2017). "Internet of Things: An exploration study of opportunities and challenges," in 2017 International Conference on Engineering & MIS (ICEMIS), Monastir, Tunisia.
- [2] Beg, T. A.-K. a. A. A.-N. A. (2019). "Performance Evaluation and Review of Lightweight Cryptography in an Internet-of-Things Environment," in 2nd International Conference on Computer Applications & Information Security (ICCAIS), Riyadh, Saudi Arabia, 2019.
- [3] Wolf, D. S. a. M. (2019). "Challenges and Opportunities in VLSI IoT Devices and Systems," IEEE Design & Test, vol. 36, no. 4, pp. 24-30.

تحلیل آماری بوده است. جعبه ۵ بیتی پیشنهادی خاصیت یک‌به‌یک، غیرخطی بودن مناسب، و وزن همینگ متعادل (۲/۶۸۷۵) را نشان می‌دهد که بیانگر گنگی و پراکندگی خوب در خروجی است.

معیارهایی مانند احتمال تقریب خطی (۰/۲۵)، تقریب تفاضلی (۰/۱۸۷۵) و اثر بهمنی (۴۹/۵ درصد) در بازه‌های قابل قبول قرار دارند. همچنین، شاخص کامل بودن (۱/۰) و شاخص شدت اثر بهمنی (۰/۸۵) نشان می‌دهند که تغییرات ورودی به خوبی در کل خروجی پخش می‌شوند. میانگین استقلال بیت خروجی (BIC) برابر با ۳۷/۲۰ نیز حاکی از پراکندگی مستقل و غیرهمبسته بیت‌هاست.

مقایسه با الگوریتم‌های سبک‌وزن مرجع مانند، Ascon، PRIMATE و ICEPOLE نشان می‌دهد که ساختار پیشنهادی با وجود استفاده از جعبه جابه‌جایی پویا و توابع آشوب، عملکرد امنیتی بهتری در برخی شاخص‌ها دارد. همچنین، با نیاز به تنها ۱۶۰ بیت حافظه برای جدول جعبه، الگوریتم از نظر مصرف منابع نیز برای محیط‌های محدود مناسب است. همچنین رویکرد پیشنهادی پیچیدگی محاسباتی قابل قبولی داشته و در مقایسه با رویکرد Ascon تنها حدود ۱۰ درصد محاسبات بیشتری نیاز دارد که با توجه به توان محاسباتی موجود در شبکه‌های مبتنی بر اینترنت اشیا قابل پذیرش است.

در مجموع، تحلیل‌های عددی و آماری انجام شده در محیط پایتون، نشان می‌دهند که الگوریتم پیشنهادی از نظر امنیت و کارایی، قابلیت رقابت با الگوریتم‌های استاندارد را داشته و گزینه‌ای مؤثر برای کاربردهای اینترنت اشیا محسوب می‌شود.

## ۶- نتیجه‌گیری

جعبه‌های جابه‌جایی به‌عنوان تنها مؤلفه‌ای که قابلیت غیرخطی را در الگوریتم‌های رمزنگاری مبتنی بر شبکه جایگزینی - جایگزینی مانند Ascon فراهم می‌کنند، نقش حیاتی در تعیین هزینه، عملکرد، و ویژگی‌های امنیتی این

- [20] Goyal, T. K., Sahula, V. & Kumawat, D. (2022). "Energy Efficient Lightweight Cryptography Algorithms for IoT Devices," *IETE Journal of Research*, vol. 68, no. 3, pp. 1722-1735.
- [21] Qumsieh, R., Farajallah, M. & Hamamreh, R. (2019). "Joint block and stream cipher based on a modified skew tent map," *Multimedia Tools and Applications*, vol. 78, p. 33527-33547.
- [22] Thakor, V. A., Razzaque, M. A., Darji, A. D., & Patel, A. R. (2023). "A novel 5-bit S-box design for lightweight cryptography algorithms," *Journal of Information Security and Applications*, vol. 73, p. 103444.
- [23] Li, Y., Wang, M., Liu, W., & Wang, W. (2019). "Cryptanalysis of PRIMATES," *Science China Information Sciences*, vol. 63, p. 112106.
- [24] Jia, Y. M., Li, C. J., Zhang, Y. & Chen, J. (2020). "The high-order completeness analysis of the scaled boundary finite element method," *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, vol. 362, p. 112867, 2020.
- [25] Wei, V. K., & Yang, K. (1993). "On the generalized Hamming weights of product codes," *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 39, pp. 1709-1713.
- [26] Cusick, T., & Stanica, W. (2017). *Pantelimon, Cryptographic Boolean functions and applications*, Academic Press.
- [27] Matsui, M. (1993). "Linear Cryptanalysis Method for DES Cipher," in *EUROCRYPT 1993*, Berlin, 1993.
- [28] Biham, E. & Shamir, A. (1991). "Differential cryptanalysis of DES-like cryptosystems," *Journal of Cryptology*, vol. 4, pp. 3-72, 1991.
- [29] Williams, H., Webster, A. & Tavares, S. (1986). "On the design of s-boxes," *Advances in Cryptology*, vol. 218, pp. 523-534.
- [4] Mohd, B. J., & Hayajneh, T. (2018). "Lightweight Block Ciphers for IoT: Energy Optimization and Survivability Techniques," *IEEE Access*, vol. 6, pp. 35966-35978.
- [5] Mohd, B. J., Hayajneh, T., & Vasilakos, A. V. (2015). "A survey on lightweight block ciphers for low-resource devices: Comparative study and open issues," *Journal of Network and Computer Applications*, vol. 58, pp. 73-93.
- [6] Vishal, T. A., Razzaque, M. A. & Khandaker, M. R. (2021). "Lightweight Cryptography Algorithms for Resource-Constrained IoT Devices: A Review, Comparison and Research Opportunities," *IEEE Access*, vol. 9, pp. 28177-28193.
- [7] Dobraunig, C., Eichlseder, M., Mendel, F. & Schl  ffer, M. (2021). "Ascon v1.2: Lightweight Authenticated Encryption and Hashing," *Journal of Cryptology*, vol. 34, 2021.
- [8] Shannon, C. E. (1949). "Communication theory of secrecy systems," *The Bell System Technical Journal*, vol. 28, pp. 656-715.
- [9] Matthews, R. (1989). "On the derivation of a chaotic encryption algorithm," *Cryptologia*, vol. 13, pp. 29-42.
- [10] Fadhil Al-Husainy, M. A., Al-Shargabi, B., & Aljawarneh, S. (2021). "Lightweight cryptography system for IoT devices using DNA," *Computers and Electrical Engineering*, vol. 95, p. 107418.
- [11] P. P, M. M, S. K & M. Sayeed, S. (2021). "An Enhanced Energy Efficient Lightweight Cryptography Method for various," *ICT Express*, vol. 7, no. 4, pp. 487-492.
- [12] Medileh, S., & Laouid, A. (2020). "A flexible encryption technique for the internet of things environment," *Ad Hoc Networks*, vol. 106, p. 102240.
- [13] Rarhi, K. & Saha, S. (2019). "Image Encryption in IoT Devices Using DNA and Hyperchaotic Neural Network," *Design Frameworks for Wireless Networks*, vol. 82, pp. 347-375.
- [14] Singh, S., Sharma, P. K., Moon, S. Y., & Park, J. H. (2017). "Advanced lightweight encryption algorithms for IoT devices: survey, challenges and solutions," *Ambient Intell Human Comput*, vol. 15, p. 1625-1642.
- [15] Montero-Canela, R., Zambrano-Serrano, E., Tamariz-Flores, E., Muñoz-Pacheco, J. M. & Torrealba-Meléndez, R. (2020). "Fractional chaos based-cryptosystem for generating encryption keys in Ad Hoc networks," *Ad Hoc Networks*, vol. 97, p. 102005.
- [16] Knudsen, L., Leander, G., Poschmann, A. & Robshaw, M. J. (2010). "PRINTcipher: A Block Cipher for IC-Printing," in *Cryptographic Hardware and Embedded Systems*, Berlin.
- [17] Bogdanov, A. (2007). "PRESENT: An Ultra-Lightweight Block Cipher," in *Cryptographic Hardware and Embedded Systems*, Berlin.
- [18] Zhang, W., Bao, Z., Rijmen, V. & Liu, M. (2015). "A New Classification of 4-bit Optimal S-boxes and Its Application to PRESENT, RECTANGLE and SPONGENT," in *Fast Software Encryption*, Berlin.
- [19] Blondeau, C. & Nyberg, K. (2014). "Links between Truncated Differential and Multidimensional Linear Properties of Block Ciphers and Underlying Attack Complexities," in *Advances in Cryptology*, Oswald.